



<b>NOMBRE COMPLETO:</b> Eliana Gabriela Rengifo Cardozo		
<b>GRADO:</b> Noveno	<b>ASIGNATURA:</b> Matemáticas	<b>Periodo:</b> I

<b>FACTOR:</b> Pensamiento numérico y sistemas numéricos Pensamiento Geométrico	<b>NIVEL DE DESEMPEÑO:</b> Superior
<b>TEMAS:</b> Potenciación, Radicación y logaritmación	
<b>Definición:</b>	
<b>POTENCIA:</b> Una <b>potencia</b> se puede interpretar como la multiplicación de un factor repetidas veces por sí mismo. Al factor repetido le llamamos <b>base</b> y al número de veces que se repite le llamamos <b>exponente</b> .	
<b>RADICACIÓN:</b> La radicación es una operación inversa a la potenciación, que permite calcular la base cuando se conoce el exponente y la potencia.	
<b>LOGARITMACIÓN:</b> Es una operación matemática inversa a la potenciación. Nos permite averiguar el exponente, conociendo la potencia y la base	
<b>Propósitos:</b>	
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ Identificar y utilizar la potenciación, radicación, y la logaritmación para representar situaciones matemáticas.</li> <li>✓ Resolver y simplificar cálculos usando propiedades y relaciones de los números reales y de las relaciones y operaciones entre ellas.</li> <li>✓ Interpreta y analiza problemas haciendo uso de la potenciación, radicación y logaritmación.</li> </ul>	
<b>Recursos bibliográficos:</b>	
Romero Francisco. Matemáticas para pensar 9. Editorial Normal. Bogotá. 2011	
Ortiz Ludwig, Armas Ricardo, Ramírez Marisol & et. Caminos del Saber 9. Editorial Santillana S.A. Bogotá. 2013	
<a href="https://www.webcolegios.com/colmarj/guias/15dad4.pdf">https://www.webcolegios.com/colmarj/guias/15dad4.pdf</a>	
<a href="file:///C:/Users/cpe/Documents/COLEGIO%20JOAQUIN%20PARIS/30080dcf53e0f87a5971e91349c78972.pdf">file:///C:/Users/cpe/Documents/COLEGIO%20JOAQUIN%20PARIS/30080dcf53e0f87a5971e91349c78972.pdf</a>	
<a href="http://www.colegioparroquialsancarlos.com/Clases%20Virtuales/3secundaria/noveno/matem%C3%A1ticas%209.pdf">http://www.colegioparroquialsancarlos.com/Clases%20Virtuales/3secundaria/noveno/matem%C3%A1ticas%209.pdf</a>	
<a href="https://www.montereyinstitute.org/courses/DevelopmentalMath/TEXTGROUP-15">https://www.montereyinstitute.org/courses/DevelopmentalMath/TEXTGROUP-15</a>	
<a href="19_RESOURCE/U18_L2_T2_text_final_es.html">19_RESOURCE/U18_L2_T2_text_final_es.html</a>	

**ORIENTACIONES PARA RESOLVER LA GUÍA**

El desarrollo de la guía debe realizarse en hojas cuadrículadas, con letra clara y legible. ¡Ojo! No se trata de transcribir el material, simplemente se registrarán las preguntas y respuestas en cada una de las actividades propuestas. Las guías se deben resolver en el cuaderno con lapicero, para que al momento de tomar la foto se vea la letra.

**CRONOGRAMA:** Para el desarrollo de las actividades propuestas se recomienda el siguiente cronograma:

FECHAS ACTIVIDADES	ACTIVIDADES
DEL 20 al 28 DE ABRIL	Actividad Uno
DEL 04 AL 10 DE MAYO	Actividad Dos
DEL 10 AL 13 DE MAYO	Actividad Tres

UNA VEZ RESUELTA LAS ACTIVIDADES UNO, DOS, TRES Y CUATRO DEBEN ENVIARLA AL DOCENTE RESPECTIVO EL DÍA 14 DE MAYO POR LA PLATAFORMA CLASSROOM EN FORMATO PDF



### MOTIVACIÓN:

Sabías que todo número elevado a la cero es igual a uno ( $8^0 = 1$ ), pero ¿Por qué es igual a uno?, pues resulta que esto se comprueba así:

Si se divide 2 al cubo entre 2 al cubo el resultado es 1. Lo vemos detallado a continuación:

$$\frac{2^3}{2^3} = \frac{2 \cdot 2 \cdot 2}{2 \cdot 2 \cdot 2} = \frac{8}{8} = 1$$

Pero, si me salto el primer paso, y aplico las propiedades de las potencias sé que, si tienen la misma base y se dividen, se restan sus exponentes. Es decir:

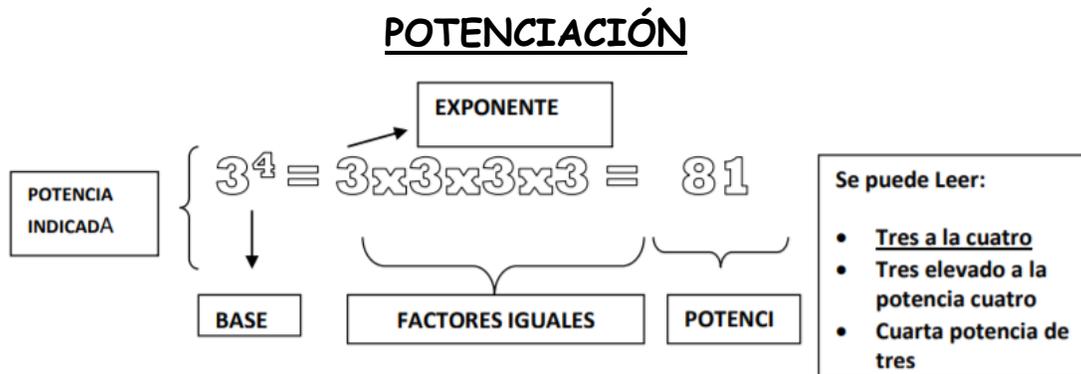
$$\frac{2^3}{2^3} = 2^{3-3} = 2^0$$

Por tanto,

$$\frac{2^3}{2^3} = \frac{8}{8} = 2^0 = 1$$

Por lo anterior queda demostrado que un número elevado a la cero es uno.

### EXPLICACIÓN



**Base:** Es el factor que se repite.

**Exponente:** Es el número que indica las veces que se repite la base. Se escribe pequeño en la parte superior derecha de la base.

**Potencia:** Es el resultado de la potenciación. Es la multiplicación de los factores iguales.

**Factores iguales:** Es la multiplicación de la cantidad de veces repetida la base.

**OBSERVA**  $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 =$  se puede expresar  $2^6$

Se llama "**CUADRADO**" al número que tiene como exponente el 2. Ej:  $4^2$  se lee cuatro al

Se llama "**CUBO**" al número que tiene como exponente el 3. Ej:  $4^3$  se lee cuatro

Para calcular potencias en forma abreviada, podemos considerar las siguientes propiedades, para a, b pertenecen a los números reales, b≠0, m y n pertenece a los números enteros positivos.

	Propiedad	Ejemplo
1	$a^m a^n = a^{m+n}$	$(-3)^2 (-3)^5 = (-3)^7$
2	$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$	$\frac{2^{-5}}{2^4} = 2^{-5-4} = 2^{-9} = \frac{1}{2^9}$
3	$(a^m)^n = a^{m \cdot n}$	$(4^5)^7 = 4^{5 \cdot 7} = 4^{35}$
4	$(ab)^n = a^n b^n$	$(-6 \cdot 8)^2 = (-6)^2 \cdot 8^2$
5	$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$	$\left(\frac{3}{7}\right)^6 = \frac{3^6}{7^6}$
6	$\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$	$\left(\frac{5}{2}\right)^{-3} = \left(\frac{2}{5}\right)^3$
7	$\frac{a^{-n}}{b^{-m}} = \frac{b^m}{a^n}$	$\frac{4^{-2}}{3^{-9}} = \frac{3^9}{4^2}$



**PARA TENER EN CUENTA:**

- ❖ Cuando la base es positiva y el exponente es par el signo de la potencia es positivo. Ejemplo:  $6^2 = 36$  ( signo positivo)
- ❖ Cuando la base es negativa y el exponente es par el signo de la potencia es positivo. Ejemplo:  $(-2)^4 = 16$  ( signo positivo)
- ❖ Cuando la base es negativa y el exponente impar el signo de la potencia es negativo. Ejemplo:  $(-3)^3 = -27$  ( signo negativo)

**Ejemplos**

1. Escribir en forma de producto las siguientes potencias:

- a)  $(-c)^4$   
 $(-c)^4 = -c \cdot -c \cdot -c \cdot -c \rightarrow$  se multiplica  $-c$ , 4 veces por el mismo
- b)  $a^5$   
 $a^5 = a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a \rightarrow$  se multiplica  $a$ , 5 veces por el mismo.



2. Simplifica, cada expresión. Para ello, utiliza las propiedades de la potenciación.

a)  $[(-7)^2]^3 \times [(-7)^4]^5$  Para destruir los corchetes se aplica la propiedad potencia de una potencia, se multiplican los exponentes 2 por 3 = 6 y 4 por 5 = 20  
 $= (-7)^6 \times (-7)^{20} =$  Se aplica el producto de potencia de igual base, para ello se suman los exponentes: 6+20=26  
 $= (-7)^{26}$

b)

$$\frac{(2^3)^{-2} \cdot \left(3^{\frac{1}{2}}\right)^{\frac{2}{3}}}{(2^{10})^1 \cdot 2 \cdot 3^{\frac{1}{3}}} =$$

Aplicamos la [propiedad de las potencias](#)  $(a^b)^c = a^{b \cdot c}$  con lo que se multiplican los exponentes correspondientes

$$= \frac{2^{-6} \cdot 3^{\frac{2}{6}}}{2^{10} \cdot 2 \cdot 3^{\frac{1}{3}}} =$$

Simplificamos la fracción 2/6 y multiplicamos  $2^{10} \cdot 2$

$$= \frac{2^{-6} \cdot 3^{\frac{1}{3}}}{2^{11} \cdot 3^{\frac{1}{3}}} =$$

Separamos la fracción en dos

$$= \frac{2^{-6}}{2^{11}} \cdot \frac{3^{\frac{1}{3}}}{3^{\frac{1}{3}}} =$$

Dividimos potencias de la misma base aplicando la propiedad:  $a^b : a^c = a^{b-c}$

$$= 2^{-6-11} \cdot 3^{\frac{1}{3}-\frac{1}{3}} =$$

Restamos

$$= 2^{-17} \cdot 3^0 =$$

Sustituimos  $3^0$  por 1 ( $a^0 = 1$ )

$$= 2^{-17} \cdot 1 =$$

Multiplicamos

$$2^{-17}$$

EN LOS SIGUIENTES LINK ENCUENTRAS VIDEOS EXPLICATIVOS ACERCA DEL TEMA.

[https://www.youtube.com/watch?v=UD8eM\\_RRswY&ab\\_channel=ProfesorSergioLlanos](https://www.youtube.com/watch?v=UD8eM_RRswY&ab_channel=ProfesorSergioLlanos)

[https://www.youtube.com/watch?v=RS7wKmrVbLw&ab\\_channel=Profelsa](https://www.youtube.com/watch?v=RS7wKmrVbLw&ab_channel=Profelsa)

Recuerden que en la presentación de power point enviada al grupo hay más ejemplos para que se guíen, también se recomiendan mirar los videos explicativos que hice y los envíe al grupo de whatsapp.



## RADICACIÓN

El símbolo de la radicación es:  $\sqrt{\quad}$

Los términos de la radicación son:

$$\begin{array}{c} \text{índice} \quad \text{raíz} \\ \swarrow \quad \searrow \\ \sqrt[6]{64} = 2 \leftrightarrow 2^6 = 64 \\ \swarrow \quad \searrow \\ \text{radical} \quad \text{radicando} \end{array}$$

**INDICE:** Exponente d potencia.

**RADICANDO:** Número que se escribe debajo del radical y equivale a la potencia.

**RAÍZ:** Base buscada de la potencia, equivale al resultado de la radicación.

Cuando el índice de la raíz es 2, la raíz recibe el nombre de raíz cuadrada.

Cuando el índice de la raíz es 3, la raíz recibe el nombre de raíz cúbica.

### Potenciación

¿Cuánto da  $b$  multiplicado por si mismo  $n$  veces?

$$\begin{array}{c} \text{Exponente} \\ \uparrow \\ b^n = a \\ \downarrow \quad \downarrow \\ \text{Base} \quad \text{Potencia} \end{array}$$

### Radicación

¿Qué número elevado a la  $n$  da como resultado  $a$ ?

$$\begin{array}{c} \text{Índice del radical} \\ \uparrow \\ \sqrt[n]{a} = b \\ \downarrow \quad \downarrow \\ \text{Radicando} \quad \text{Raíz} \end{array}$$

### RADICACIÓN DE NÚMEROS REALES

$$\begin{array}{c} \text{índice} \quad \text{raíz} \\ \swarrow \quad \searrow \\ \sqrt[6]{\frac{1}{64}} = +\frac{1}{2} \quad \text{Resp 1} \\ \swarrow \quad \searrow \\ \text{radicando} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 64 \\ 32 \\ 16 \\ 8 \\ 4 \\ 2 \\ 1 \end{array} \left. \begin{array}{l} 2 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \end{array} \right\} 2^6 = 64$$

Cuando el radicando es positivo y el índice también es positivo la respuesta tiene doble signo es decir puede ser positiva o negativa.

**Ejemplo 1**



**Ejemplo 2**

$$\sqrt[3]{-\frac{8}{125}} = -\frac{2}{5}$$

$$\begin{array}{r|l} 8 & 2 \\ 4 & 2 \\ 2 & 2 \\ 1 & \end{array}$$

$8 = 2 \times 2 \times 2$   
 $8 = 2^3$

$$\begin{array}{r|l} 125 & 5 \\ 25 & 5 \\ 5 & 5 \\ 1 & \end{array}$$

$125 = 5 \cdot 5 \cdot 5 = 5^3$

**Comprobación:**

$$\left(-\frac{2}{5}\right)^3 = \left(-\frac{2}{5}\right) \cdot \left(-\frac{2}{5}\right) \cdot \left(-\frac{2}{5}\right) = -\frac{8}{125}$$

$$\sqrt[3]{8} = \sqrt[3]{2^3} = 2^{3/3} = 2$$

Escriba aquí la ecuación.

**Ejemplo 3**

Quando el radicando es negativo y el índice es positivo la respuesta no existe

$$\sqrt[2]{-\frac{4}{25}} = -\frac{2}{5} \quad \longrightarrow \quad \left(-\frac{2}{5}\right)^2 = -\frac{2}{5} \times -\frac{2}{5} = +\frac{4}{25}$$

$$\left(\frac{2}{5}\right)^2 = \frac{2}{5} \times \frac{2}{5} = +\frac{4}{25}$$

**Resp: No existe**

**PROPIEDADES DE LA RADICACION**

PROPIEDADES	EJEMPLO
<b>Raíz de un Producto</b> $\sqrt[n]{\left(\frac{a}{b}\right) \cdot \left(\frac{c}{d}\right)} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}} \cdot \sqrt[n]{\frac{c}{d}}$	$\sqrt{\frac{4}{16} \cdot \frac{9}{25}} = \sqrt{\frac{4}{16}} \cdot \sqrt{\frac{9}{25}} = \frac{2}{4} \cdot \frac{3}{5} = \frac{6}{20} = \frac{3}{10}$
<b>Raíz de un cociente</b> $\sqrt[n]{\frac{a}{b} \div \frac{c}{d}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}} \div \sqrt[n]{\frac{c}{d}}$	$\sqrt{\left(\frac{36}{49} \div \frac{16}{25}\right)} = \sqrt{\frac{36}{49}} \div \sqrt{\frac{16}{25}} = \frac{6}{7} \div \frac{4}{5} = \frac{30}{28} = \frac{15}{14}$
<b>Raíz de una Potencia</b> $\sqrt[n]{\left(\frac{a}{b}\right)^m} = \left(\frac{a}{b}\right)^{\frac{m}{n}}$	$\sqrt[5]{\left(\frac{1}{4}\right)^{10}} = \left(\frac{1}{4}\right)^{\frac{10}{5}} = \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{1}{4^2} = \frac{1}{16}$ $\sqrt[3]{\left(\frac{1}{5}\right)^2} = \left(\frac{1}{5}\right)^{\frac{2}{3}}$



### Raíz de una Raíz

$$\sqrt[n]{\sqrt[m]{\left(\frac{a}{b}\right)}} = \sqrt[n \cdot m]{\frac{a}{b}}$$

$$\sqrt{\sqrt{\frac{16}{81}}} = \sqrt{2 \cdot 2} \sqrt{\frac{16}{81}} = \sqrt[4]{\frac{16}{81}} = \frac{2}{3}$$

$$\sqrt[3]{\sqrt[2]{\frac{1}{64}}} = \sqrt[3 \times 2]{\frac{1}{64}} = \sqrt[6]{\frac{1}{64}} = \frac{\sqrt[6]{1}}{\sqrt[6]{64}} = \frac{1}{2}$$

## OPERACIONES ENTRE NÚMEROS RADICALES

OPERACIONES	EJEMPLOS
<p><b>ADICIÓN Y SUSTRACCIÓN</b></p> <p>Solo se puede efectuar entre radicales semejantes, es decir si tienen el mismo índice y la mismo radicando. Para realizar estas operaciones primero se simplifican los radicales y luego se agrupan aquellos que sean semejantes.</p>	<p><b>Resolver:</b></p> <p><math>5\sqrt{50} - \sqrt{98} + \sqrt{675}</math>, como aparentemente no son semejantes, es imposible realizar la suma o resta en forma directa. Simplificamos para saber cuáles son semejantes y operamos sus coeficientes.</p> <p><math>5\sqrt{50} = 5\sqrt{5^2 \times 2} = 5 \cdot 5 \sqrt{2} = 25\sqrt{2}</math></p> <p><math>\sqrt{98} = \sqrt{7^2 \times 2} = (\sqrt{7^2} \cdot \sqrt{2}) = 7\sqrt{2}</math></p> <p><math>\sqrt{675} = \sqrt{3^2 \times 5^2 \times 3} = 3 \cdot 5 \sqrt{3} = 15\sqrt{3}</math></p> <p><math>= 25\sqrt{2} - 7\sqrt{2} + 15\sqrt{3}</math></p> <p>Se agrupan términos semejantes:</p> <p><math>(25\sqrt{2} - 7\sqrt{2}) + 15\sqrt{3} = (25-7)\sqrt{2} + 15\sqrt{3}</math></p> <p><math>= 18\sqrt{2} + 15\sqrt{3}</math> <b>Respuesta</b></p>
<p><b>MULTIPLICACIÓN DE RADICALES CON IGUAL ÍNDICE</b></p>	<p><math>\sqrt{3} \times \sqrt{4} = \sqrt{12}</math></p> <p><math>\sqrt{7} \times \sqrt{5} = \sqrt{35}</math></p> <p><math>8\sqrt[3]{2} \times 9\sqrt[3]{7} = 72\sqrt[3]{14}</math></p> <p><math>5\sqrt[8]{7} \times 2\sqrt[8]{6} = 10\sqrt[8]{42}</math></p>

<p style="text-align: center;"><b>MULTIPLICACIÓN DE RADICALES CON DIFERENTE ÍNDICE</b></p>	<p>Multiplicación de radicales con índices diferentes</p> $\sqrt[4]{3} \times \sqrt[6]{4} = \sqrt[12]{27} \times \sqrt[12]{16} = \sqrt[12]{432}$ <p>Cuando los índices son diferentes se calcula el mínimo común múltiplo entre ellos con la finalidad de llevar los radicales a un equivalente con índices iguales.</p> <p>M.C.M. (4, 6) = 12</p> $\sqrt[4 \times 3]{3^3} \times \sqrt[6 \times 2]{4^2}$ $\sqrt[12]{3^3} \times \sqrt[12]{4^2}$ 
<p style="text-align: center;"><b>COCIENTE ENTRE RADICALES</b></p>	<p>a) <math>\frac{\sqrt[5]{125}}{\sqrt[5]{5}} = \sqrt[5]{\frac{125}{5}} = \sqrt[5]{25}</math></p> <p>b) <math>\frac{\sqrt[3]{54}}{\sqrt[3]{2}} = \sqrt[3]{\frac{54}{2}} = \sqrt[3]{27} = 3</math></p> <p>c) <math>\frac{\sqrt{x^3}}{\sqrt{x^2}} = \sqrt{\frac{x^3}{x^2}} = \sqrt{x} = \sqrt{x}</math></p> <p>d) <math>\frac{\sqrt{8x^2}}{\sqrt{4}} = \sqrt{\frac{8x^2}{4}} = \sqrt{2x^2} = x\sqrt{2}</math></p> <p>e) <math>\frac{\sqrt{x^3}}{x} = \frac{\sqrt{x^2 \cdot x}}{x} = \frac{x\sqrt{x}}{x} = \sqrt{x}</math></p>

**OTROS EJEMPLO**

$$\frac{\left(\sqrt{\frac{81}{25}}\right)^2 \cdot \sqrt[3]{\frac{81}{27}}}{\sqrt{\frac{144}{36}}} = \frac{\left(\frac{81}{25}\right)^{2/2} \cdot \left(\frac{81}{27}\right)^{3/3}}{\frac{12}{6}}$$

$$= \frac{\left(\frac{81}{25}\right)^1 \cdot \left(\frac{81}{27}\right)^1}{\frac{2}{1}} = \frac{\frac{243}{25}}{\frac{2}{1}}$$

$$= \frac{243 \times 1}{25 \times 2} = \frac{243}{50}$$



## RACIONALIZACIÓN

El proceso de expresar la fracción dada en forma equivalente a otra pero sin radicales en el denominador se llama racionalización.

Cuando un radical se simplifica en su forma más simple, también se tiene en cuenta que en el denominador no haya radicales y que ninguna fracción debe aparecer dentro de un radical. Racionalizar una expresión fraccionaria en la que el denominador contiene uno o varios radicales consisten en expresarla como una fracción equivalente sin radicales en el denominador.

1. **Racionalización de fracciones con denominadores monomios:** para racionalizar el denominador, se multiplican el numerador y el denominador por un radical, es decir, se simplifica la fracción de tal forma que el radical del denominador tenga raíz exacta.

Ejemplo:

$$\frac{3}{\sqrt[5]{2^3}} = \frac{3}{\sqrt[5]{2^3}} \cdot \frac{\sqrt[5]{2^2}}{\sqrt[5]{2^2}}$$

$$= \frac{3 \sqrt[5]{2^2}}{\cancel{\sqrt[5]{2^3}} \cancel{\sqrt[5]{2^2}}} \leftarrow \text{Simplificamos}$$

$$\frac{3}{\sqrt[5]{2^3}} = \frac{3 \sqrt[5]{4}}{2} \checkmark$$

[https://www.youtube.com/watch?v=AA\\_nVviMMvQ&ab\\_channel=Matem%C3%A1ticasprofeAlex](https://www.youtube.com/watch?v=AA_nVviMMvQ&ab_channel=Matem%C3%A1ticasprofeAlex)

**Racionalizar el denominador binomio de una fracción.**

Para transformar el denominador de una fracción de la forma  $\frac{c}{a \pm b}$ :

1) Se determina el factor, el cual será el conjugado del denominador, o sea: Si el denominador es  $a+b$ , entonces el conjugado es  $a-b$ . Si el denominador es  $a-b$ , entonces el conjugado es  $a+b$ .

2) Se multiplica el numerador y el denominador de la fracción por el conjugado del denominador:

El producto de binomios conjugados será siempre una diferencia de cuadrados:

3) El producto de la multiplicación se simplifica hasta llegar a la mínima expresión.

En estas operaciones se necesario aplicar Las propiedades de los Radicales y la Ley de los Exponentes.



a) Racionaliza el denominador de  $\frac{3}{\sqrt{5}-2}$

*Determinando el conjugado del denominador:*

El conjugado de  $\frac{3}{\sqrt{5}-2}$  es  $\frac{3}{\sqrt{5}+2}$

*Multiplicando la fracción por el conjugado del denominador:*

$$\frac{3}{\sqrt{5}-2} \cdot \frac{\sqrt{5}+2}{\sqrt{5}+2} = \frac{3(\sqrt{5}+2)}{(\sqrt{5}-2)(\sqrt{5}+2)} = \frac{3(\sqrt{5}+2)}{(\sqrt{5})^2 - (2)^2}$$

*Simplificando el producto:*

$$= \frac{3(\sqrt{5}+2)}{(\sqrt{5})^2 - (2)^2} = \frac{3\sqrt{5}+6}{5-4} = \frac{3\sqrt{5}+6}{1} = 3\sqrt{5}+6$$

**Solución.**

b) Racionaliza el denominador de la expresión  $\frac{\sqrt{3x}-\sqrt{2y}}{\sqrt{3x}+3\sqrt{2y}}$

*Determinando el conjugado del denominador:*

El conjugado de  $\sqrt{3x}+3\sqrt{2y}$  es  $\sqrt{3x}-3\sqrt{2y}$

*Multiplicando la fracción por el conjugado del denominador:*

$$\frac{\sqrt{3x}-\sqrt{2y}}{\sqrt{3x}+3\sqrt{2y}} \cdot \frac{\sqrt{3x}+3\sqrt{2y}}{\sqrt{3x}+3\sqrt{2y}} = \frac{(3x)^2 - 3\sqrt{6xy} - \sqrt{6xy} + 3(\sqrt{2y})^2}{(3x)^2 - 3\sqrt{6xy} + 3\sqrt{6xy} - 9(\sqrt{2y})^2}$$

*Simplificando el resultado:*

$$= \frac{3x - 4\sqrt{6xy} + 3(2y)}{3x - 9(2y)} = \frac{3x - 4\sqrt{6xy} + 6y}{3x - 18y}$$

**Solución.**



$$11) \frac{-1}{1-2\sqrt{3}}$$

Determinando el conjugado del denominador:

El conjugado es  $1-2\sqrt{3} = 1+2\sqrt{3}$

Multiplicando la fracción por el conjugado:

$$\frac{-1}{1-2\sqrt{3}} \cdot \frac{1+2\sqrt{3}}{1+2\sqrt{3}} = \frac{-1(1+2\sqrt{3})}{(1-2\sqrt{3})(1+2\sqrt{3})} = \frac{-1(1+2\sqrt{3})}{(1-2\sqrt{3})^2} =$$

Simplificando el resultado:

$$= \frac{-1(1+2\sqrt{3})}{(1)^2 - (2\sqrt{3})^2} = \frac{-1(1+2\sqrt{3})}{1-4(3)} = \frac{-1(1+2\sqrt{3})}{-11} = \frac{-1}{-11}(1+2\sqrt{3}) = \frac{1}{11}(1+2\sqrt{3})$$

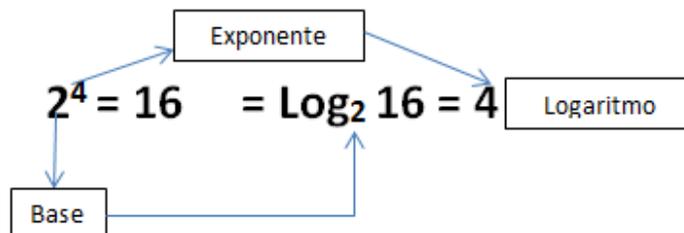
**Solución.**

[https://www.youtube.com/watch?v=6ACzZyn99v8&ab\\_channel=julioprofe](https://www.youtube.com/watch?v=6ACzZyn99v8&ab_channel=julioprofe)

## LOGARITMACIÓN

Es una operación inversa a la potenciación, nos permite averiguar el exponente y la base, se simboliza con Log

**Log<sub>2</sub> 16 = 4 porque 2<sup>4</sup> = 16**  
**Se lee logaritmo en base 2 de 16 es igual a 4**



**EJEMPLO:** Hallar y expresar en forma de potencia y radicación el Log<sub>3</sub> 81.

LOGARITMO	POTENCIA	RADICACIÓN
Log <sub>3</sub> 81 = 4	3 <sup>4</sup> = 81	$\sqrt[4]{81} = 3$



**PARA TENER EN CUENTA: NO EXISTE LOGARITMO PARA UN NÚMERO NEGATIVO**

**PROPIEDADES DE LA LOGARITMACIÓN**

PROPIEDADES	EJEMPLOS	
<p><u>Logaritmo de la unidad</u> El logaritmo de 1 en cualquier base es igual a cero. <math>\log_b(1) = 0</math></p>	$\log_5(1) = 0$ porque $5^0 = 1$	
<p><u>Logaritmo de la base:</u> El logaritmo de la base es igual a 1. <math>\log_b(b) = 1</math></p>	$\log_5(5) = 1 \Leftrightarrow 5^1 = 5$	
<p><u>Logaritmo de una potencia</u> El logaritmo de una potencia es igual al exponente multiplicado por el logaritmo de la base. <math>\log_b M^n = n \log_b M</math></p>	$\log_3 9^4 = 4 \log_3 9$  $4 \log_3 9 = 4 \cdot 2$  <i>Respuesta</i> $\log_3 9^4 = 8$	<p><i>Podrías encontrar <math>9^4</math>, pero eso no haría más fácil simplificar el logaritmo. Usa la propiedad de la potencia para reescribir <math>\log_3 9^4</math> como <math>4 \log_3 9</math>.</i></p> <p><i>Podrías reconocer que <math>3^2 = 9</math>, <math>\log_3 9 = 2</math>.</i></p> <p><i>Multiplica los factores.</i></p>
<p><u>Logaritmo de un producto:</u> El logaritmo de un producto es igual a la suma de los logaritmos de los factores.   <math>\log_b(a \cdot c) = \log_b a + \log_b c</math></p>	$\log_2(4 \cdot 8) = \log_2 4 + \log_2 8$  $\log_2 4 + \log_2 8 =$ $\log_2 2^2 + \log_2 2^3 =$ $2 + 3 = 5$  <i>Respuesta</i> $\log_2(4 \cdot 8) = 5$	<p><i>Usa la propiedad del producto para escribir como una suma.</i></p> <p><i>Simplifica cada sumando, si es posible. En este caso, puedes simplificar ambos sumandos. Reescribe <math>\log_2 4</math> como <math>\log_2 2^2</math> y <math>\log_2 8</math> como <math>\log_2 2^3</math>, luego usa la propiedad <math>\log_b b^x = x</math>.</i></p> <p><i>O, reescribe <math>\log_2 4 = y</math> como <math>2^y = 4</math> para encontrar <math>y = 2</math> y <math>\log_2 8 = y</math> como <math>2^y = 8</math> para encontrar <math>y = 3</math>.</i></p> <p><i>Usa el método que más tenga sentido para ti.</i></p>



<p><u>Logaritmo de un cociente:</u> El logaritmo de un cociente es igual al logaritmo del dividendo, menos el logaritmo del divisor</p> $\text{Log}_b \frac{M}{N} = \log_b M - \log_b N$	$\log_3 \left( \frac{3}{5} \right) = \log_3(3) - \log_3(5) =$ $= 1 - \log_3(5)$
<p><u>Logaritmo de una raíz:</u> El logaritmo de una raíz es igual al logaritmo de la cantidad subradical dividido entre el índice de la raíz.</p> $\log_b \sqrt[n]{a^m} = \frac{m}{n} \cdot \log_b a$	$\log_4 \sqrt[6]{16} = \frac{1}{6} \cdot \log_4 4^2$ $= \frac{1}{6} \cdot 2$ $\log_4 \sqrt[6]{16} = \frac{1}{3}$
<p><u>Cambio de base:</u></p> $\text{Log}_p a = (\log_b a) / \log_b P$	$\log_2 5 = \log 5 / \log 2$

### ECUACIONES LOGARITMICAS

Una **ecuación logarítmica** es una ecuación cuya incógnita (o incógnitas) se encuentra multiplicando o dividiendo a los logaritmos, en sus bases o en el argumento de los logaritmos (dentro de los logaritmos).

**Ejemplo:**

$$\log x + \log 20 = 3$$

**Ver solución**

Lo primero que hacemos es escribir el número 3 como un logaritmo en base 10:

$$\log(1000) = \log(10^3) = 3$$

La ecuación que queda es:

$$\log x + \log 20 = \log 1000$$

$$\log x = \log 1000 - \log 20$$

Aplicamos la propiedad de la resta de logaritmos:

$$\log x = \log \left( \frac{1000}{20} \right)$$

$$\log x = \log 50$$

Tenemos una igualdad entre logaritmos (en la misma base), entonces los argumentos (lo de dentro) tienen que ser iguales:

$$\log x = \log 50 \rightarrow x = 50$$

La solución es  $x = 50$ .



## ACTIVIDADES PROPUESTAS

### ACTIVIDAD UNO: Conocimientos previos:

1. Completar la tabla:

Factores Iguales	Potencia indicada	Base	exponente	potencia
$2 \times 2 \times 2 \times 2$	24	2	4	16
$(-7) \times (-7) \times (-7)$				
$3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$				
$8 \times 8$				
$(-9) \times (-9) \times (-9)$				
$(-5) \times (-5) \times (-5) \times (-5)$				

2. Resolver cada uno de los siguientes ejercicios, haciendo uso de las propiedades de la potenciación:

a. 
$$\frac{2^3 * 2^6 * 4^7 * 3^6}{2^5 * 3^4 * 2^9 * 4^{-3}}$$

b. 
$$\frac{[7^3 * 6^{-3} * 2^9]^2}{[6^{-3} * 7^4 * 2^{-8}]^5}$$

c. 
$$\frac{[2^9 * 3^8]^2}{[2^6 * 3^7]^3}$$

3. Las bacterias son seres vivos minúsculos que se reproducen dividiéndose por la mitad cada cierto tiempo. Suponemos una bacteria que se divide cada minuto. En ese caso, después de dos minutos tendríamos cuatro bacterias, a los tres minutos ocho bacterias y así sucesivamente. ¿Cuántas bacterias habrá a los cinco minutos?

### ACTIVIDAD DOS: EJERCITACIÓN

De acuerdo a lo explicado respecto a potenciación, radicación y logaritmación, resuelvo:

1. Completas la tablas:

a)

Potenciación	Radicación	Radicado	Índice	Raíz
$2^5 = 32$	$\sqrt[5]{32} = 2$	32	5	2
		64	2	
	$\sqrt[3]{216}$			
			5	3
	$\sqrt{144}$			



b)

Logaritmicación	Base	Número	Logaritmo	Se lee
$\text{Log } 27 = 3$				
	4			
	8	64		
$\text{Log } 125 = 3$				

2. Simplificar las siguientes expresiones:

a)  $\frac{x^{3/2}y^{-2}z^{1/2}}{x^{5/2}y^{-1/2}z^2}$

b)  $\frac{7a^{-3/2}b^{-5/2}}{14a^{1/2}b^{3/4}c^{-1/2}}$

c)  $\left[ \frac{(6x^{1/2}y)^3}{(2x^{-3}y^{-2/3})^2} \right]^2$

d)  $\frac{abc^5}{abc}$

e)  $\frac{x^{-7}y^{-\frac{1}{3}}}{x^{-2}}$

f)  $\frac{x^{-7}y^{-\frac{1}{3}}}{x^{-2}}$

3. Aplique las propiedades de la radicación y resuelva:

a)  $\frac{\sqrt{6x}}{\sqrt{3x}}$

b)  $\frac{\sqrt[3]{8a^3b}}{\sqrt[4]{4a^2}}$

c)  $\frac{\sqrt{75x^2y^2}}{5\sqrt{3xy}}$

d)  $\sqrt[7]{\frac{2^{14}a^{21}b^{14}}{3^{49}c^8}}$

e)  $\sqrt{\frac{(a+b)^4}{(a-b)^8}}$

f)  $\sqrt[5]{32w^7}$

g)  $\sqrt[4]{\sqrt[2]{x^{12}}}$

h)  $\sqrt[5]{x^4\sqrt{x^4}}$

4. Efectúa las siguientes operaciones:

a)  $17\sqrt{16x^3} + 2\sqrt{x^5} - 3\sqrt{4x}$

b)  $10\sqrt[3]{16} - 8\sqrt[3]{128} + 3\sqrt[3]{250}$

c)  $\frac{1}{4}m\sqrt{mn} - \frac{3}{5}\sqrt{m^3n^3} - \frac{2}{7}\sqrt{mn^3}$

d)  $(\sqrt{2})(\sqrt{2}a)(\sqrt{8a^4})$

e)  $\sqrt[6]{a^9b^{15}} \div \sqrt[6]{4a^3b}$

f)  $\left[ \left( \sqrt{\frac{49}{36}} \right)^2 \cdot \left( \sqrt[3]{\left( \frac{8}{81} \right)^3} \right) \right] \div \sqrt{\frac{169}{16}}$

5. Racionalizar los siguientes ejercicios:

a)  $\frac{5}{\sqrt{3x}}$

b)  $\frac{3}{\sqrt[3]{9x}}$

c)  $\frac{5}{\sqrt{3}-\sqrt{2}}$



6. Aplique las propiedades de la logaritmicación y resuelva:

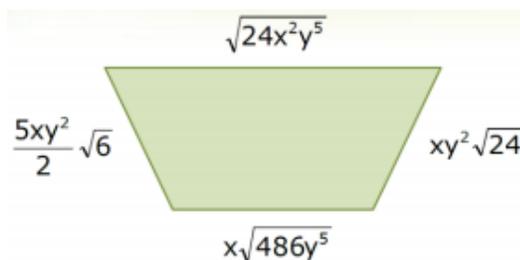
a)  $\log_2 64$       b)  $\log_9 243$       c) a)  $\log_2 \sqrt{25} + \log_2 8 + \log_2 \frac{1}{4}$

7. Resuelve las siguientes ecuaciones logarítmicas:

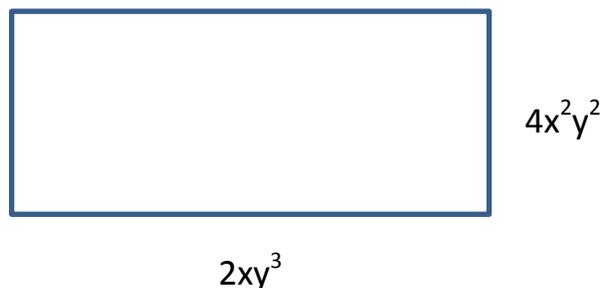
a)  $\log(8-4x) - \log(3-2x) = 2$       b)  $\log_5(x+1) - \log_5(4x-2) = 0$

### ACTIVIDAD TRES: PROBLEMAS DE APLICACIÓN

1. La edad de Daniel es  $\frac{1}{2^{-4}}$  y la edad de Julian es la mitad de su edad. ¿Cuál es la edad de cada uno?
2. Determine el perímetro de la siguiente figura. Recuerde que el perímetro es la suma de todos los lados:



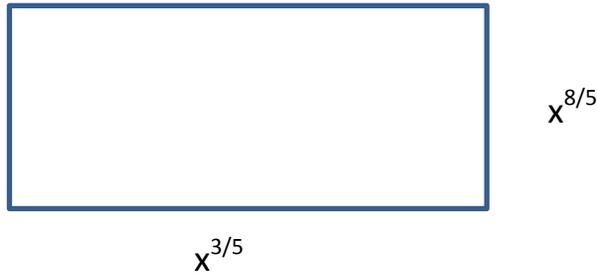
3. Hallar el área de la siguiente figura: Para hallar el área debes utilizar la fórmula Área : ancho X largo.



4. Halle el perímetro de un triángulo equilátero ( las longitudes de sus lados miden lo mismo)cuyo lado mide  $\sqrt{72}$



5. Exprese el perímetro y el área del rectángulo utilizando radicales.



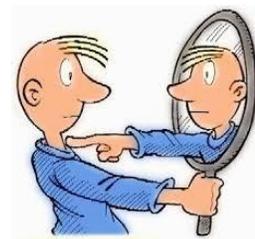
6. Halla el área de un círculo cuyo radio mide  $\frac{4zy^3}{w}$ , recuerde que el área del círculo es:  $\pi r^2$ , donde  $\pi$  es igual a 3,1416 y r es el radio.

7. Halle las raíces y ordénalas de menor a mayor y descubre un nombre de un animal

<b>T</b>	<b>P</b>	<b>A</b>	<b>O</b>	<b>I</b>	<b>E</b>	<b>L</b>	<b>N</b>
$\sqrt[4]{625}$	$\sqrt{169}$	$\sqrt[10]{1}$	$\sqrt[3]{729}$	$\sqrt{36}$	$\sqrt{400}$	$\sqrt{49}$	$\sqrt[3]{8}$
=	=	=	=	=	=	=	=

**AUTOEVALUACIÓN**

Esta parte de la guía es muy importante porque permite que el estudiante verifique los aprendizajes que logró. Es necesario abordar la autoevaluación con mucha honestidad y responsabilidad.



**Lista de chequeo**

La primera parte consiste en diligenciar una lista de chequeo, en la cual hay que leer cada “Descripción” y verificar si adquirió o no el aprendizaje, por lo cual solo hay que marcar una “X” en “SI” o en “NO”. Se debe tener en cuenta que marcar “No”, es un mensaje que da el estudiante al docente solicitando fortalecer ese aprendizaje y no implica que va a disminuir la valoración o “bajar la nota”.

Descripción	Si	No
Identifico potencias, radicales y logaritmos		
Hallo algoritmos relacionados con la potencia, teniendo en cuenta sus propiedades		
Hallo algoritmos relacionados con los radicales, teniendo en cuenta sus propiedades		
Hallo algoritmos relacionados con logaritmos, teniendo en cuenta sus propiedades		



Resuelvo problemas relacionados a la potenciación, radicación y logaritmación		
---	--	--

### ¿Qué aprendí?

Responde las siguientes preguntas según la experiencia que tuvo al desarrollar las actividades de la guía.

- ¿Cómo me sirve lo que aprendí en la guía para situaciones de la vida?
- ¿Qué le cambiaría o le agregaría a la guía?

*No hay fórmulas secretas para el éxito. Es el resultado de tu preparación, trabajo duro y aprender de los errores.-Colin Powell.*