

NÚMEROS REALES

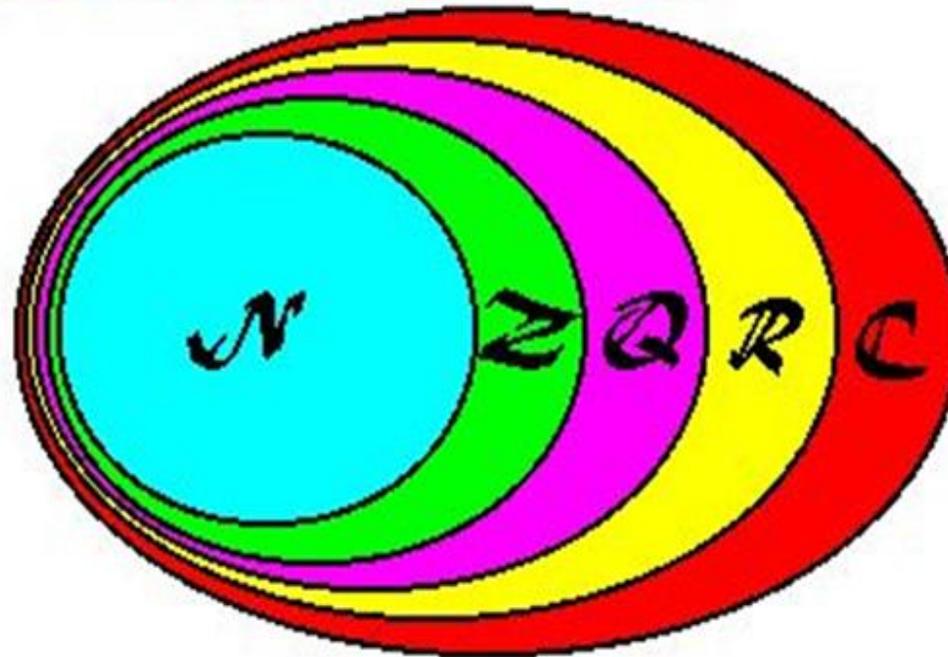
\mathbb{N} números naturales

\mathbb{Z} números enteros

\mathbb{Q} números racionales

\mathbb{R} números reales

\mathbb{C} números complejos



¿QUÉ SON LOS NÚMEROS REALES?

NÚMEROS QUE INCLUYEN LOS NATURALES, LOS ENTEROS, LOS RACIONALES Y LOS IRRACIONALES.

Números racionales:
-3/4, 5/8, 31/7
Números enteros:
-7, -1, 0, 5, 20

LOS NÚMEROS REALES SE PUEDEN REPRESENTAR EN UNA RECTA NUMÉRICA, COMPRENDIENDO ESTOS LOS NÚMEROS RACIONALES E IRRACIONALES.

Números irracionales:
 $\sqrt{2}$, $(1+\sqrt{5})/2$
Números trascendentes:
 e , π , $\ln(2)$

NÚMEROS NATURALES

SE TRATA DE LOS NÚMEROS QUE UTILIZAMOS PARA CONTAR, LOS NÚMEROS NATURALES SIEMPRE SON ENTEROS.



CLASIFICACIÓN DE LOS NÚMEROS REALES

NÚMEROS ENTEROS

-3 -2 -1 0

LOS NÚMEROS ENTEROS SON UN SUBCONJUNTO DE LOS NÚMEROS RACIONALES.

INCLUYEN: EL 0, LOS NÚMEROS NATURALES Y LOS NÚMEROS NATURALES CON SIGNO NEGATIVO (0, 1, 2, 3, 4, -1, -2, -3, -4, ...)



NÚMEROS IRRACIONALES

LOS NÚMEROS IRRACIONALES SE REPRESENTAN COMO: "R-Q", QUE SIGNIFICA: "EL CONJUNTO DE LOS REALES MENOS EL CONJUNTO DE LOS RACIONALES".

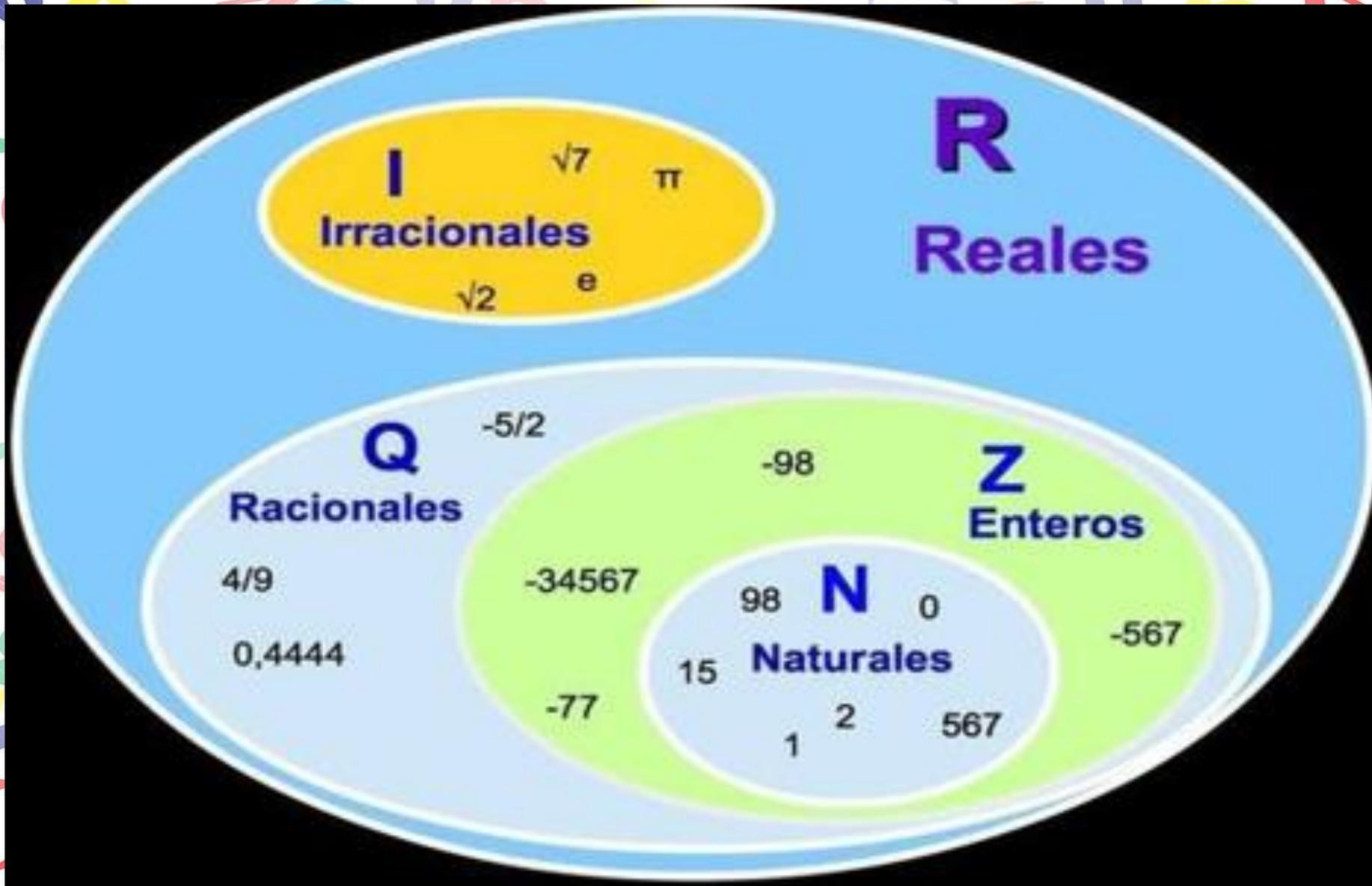
NÚMEROS RACIONALES

$$-\frac{2}{3} = \frac{2}{-3}$$

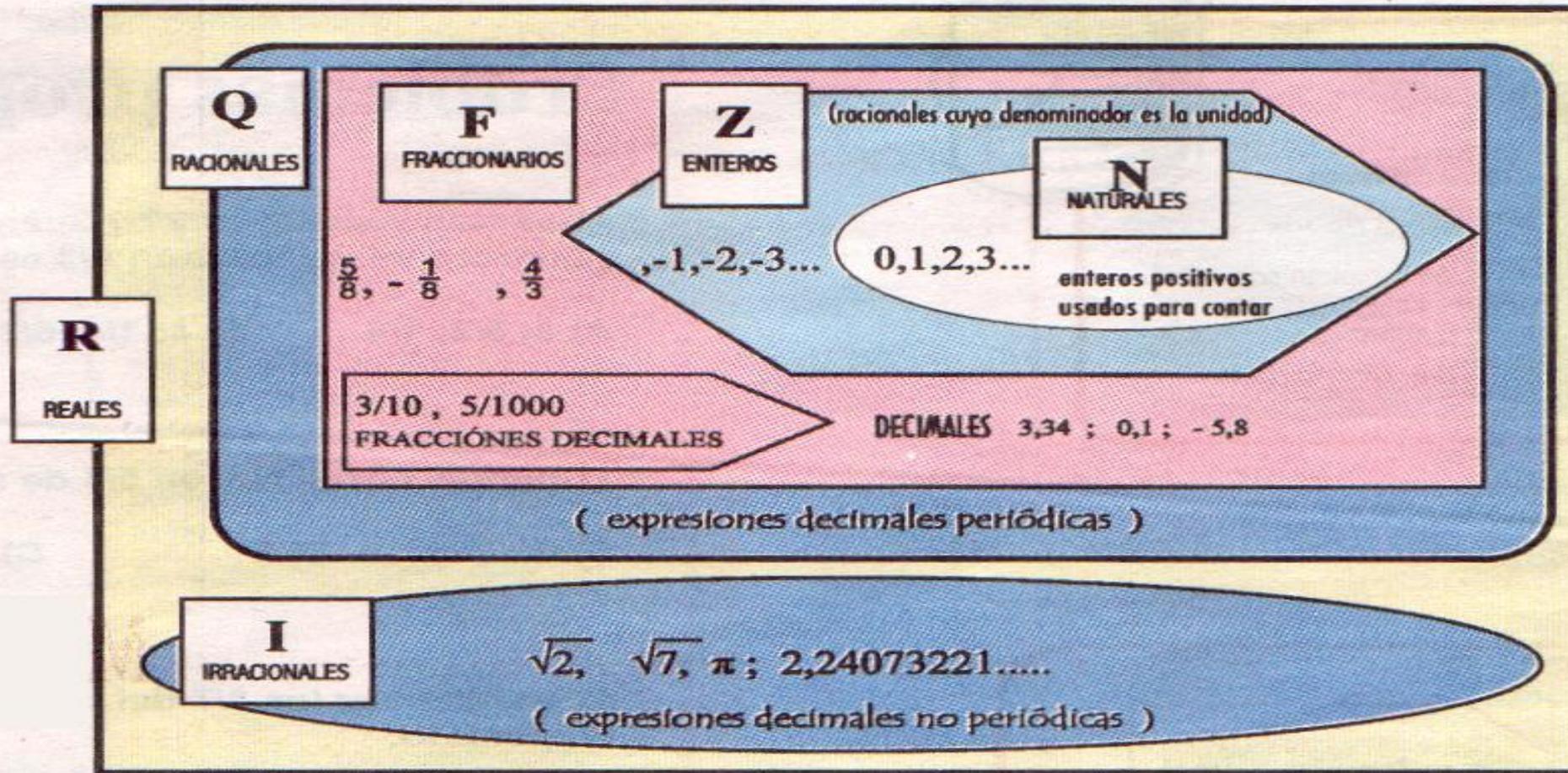
$$\frac{a}{b} \quad b \neq 0$$

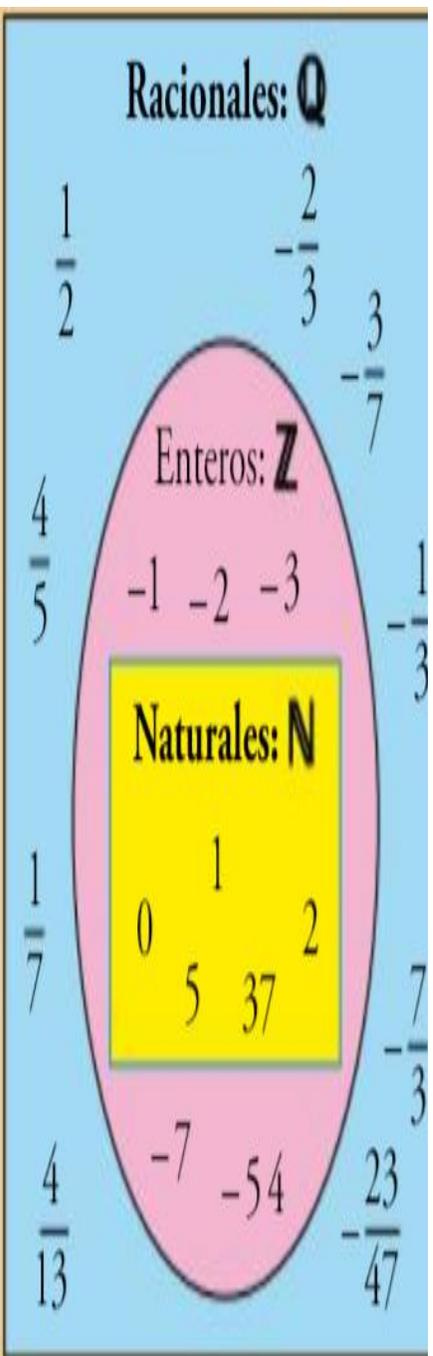
LOS NÚMEROS RACIONALES SON CUALQUIER NÚMERO QUE SE PUEDE EXPRESAR COMO EL COMPONENTE DE DOS NÚMEROS ENTEROS, O COMO SU FRACCIÓN.

$\pi = 3.14159265358979323846264338327950288419716939937510582097494159830158649804449838496422951700958304563254385109718625166792783093046435724755189238918204420157598034185267746443498437724146100812614671427214581631423628042430667865549761847943785676908749406729048126108621468262147824626438155618869296929997311761454150205221766104418966542713952689761627118560114816341259340766299627368772385222029716529914576183966349944314683764284699604174417029848995466468138448021029639275223737873446548893715986330843722483767736989522475448830663322060156344260655438084543826382664478836966657260459800626601691266497613291888353736305915301091511462653539603652470620966482640801611276877813949586933146362127944655561776975275346031154710566982063697767894770771807214586650499125683068492463657144862030665154682611306714428855830654678952102980422063299122669924224204956584914688787969671214285722272237920964901549196192614971$

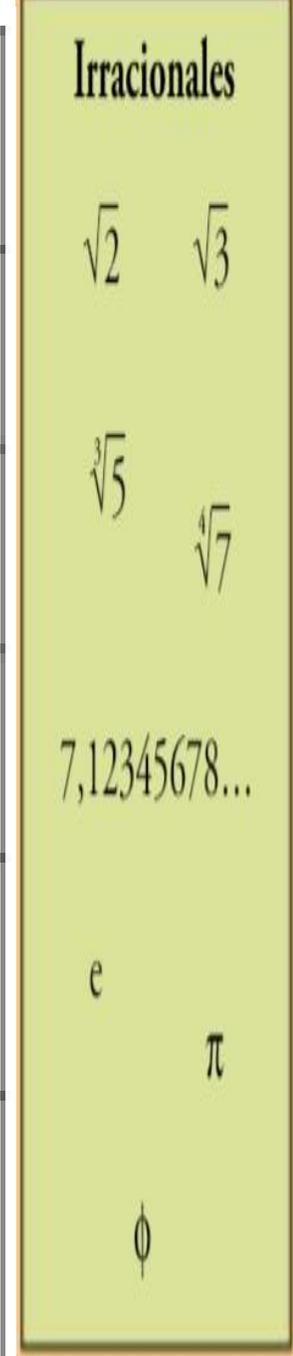


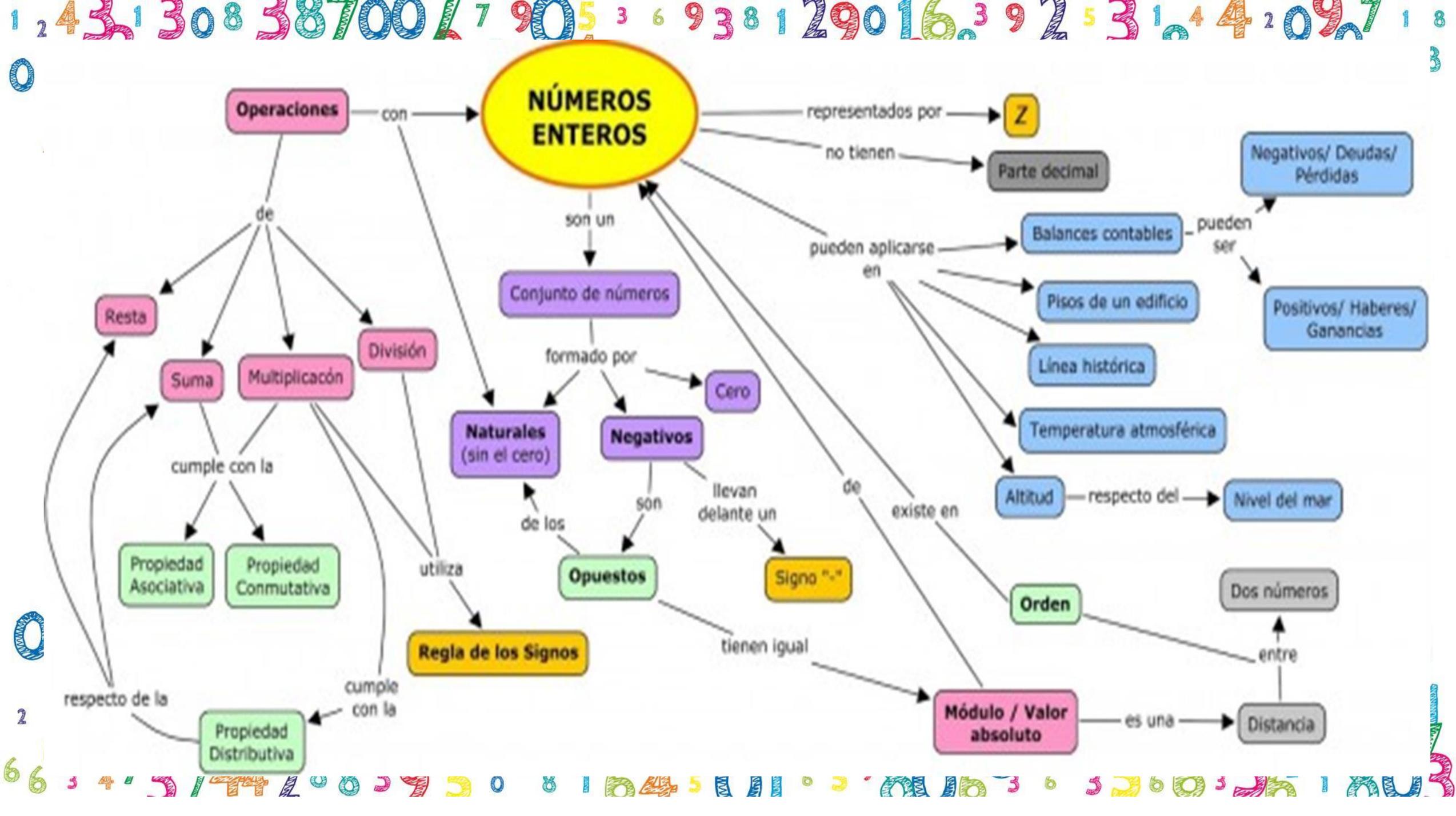
CLASIFICACIÓN DE LOS NÚMEROS





Son	Los números...	Como por ejemplo
Racionales	Enteros	-15 ; -1 ; 1 ; 8 ; 1256
	Decimales Exactos	0,25 ; 0,123 ; 10,5 ; 3,08
	Decimales Periódicos Puros	0,6666... ; 0,151515...
	Decimales Periódicos Mixtos	1,2577777...
Irracionales	Decimales No Periódicos	1,732050807568... ($\sqrt{3}$)





NÚMEROS NATURALES

se utilizan para

- contar
- ordenar
- identificar
- calcular



están

ordenados



se pueden

representar



se pueden realizar

Operaciones



tales como la

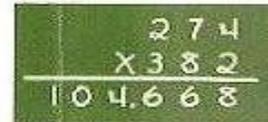
adición



sustracción



multiplicación



división

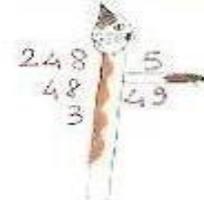
que puede ser



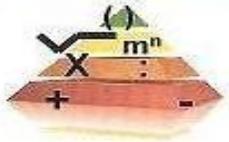
exacta



entera



jerarquizadas



Propiedades de los números Reales

Suma	Propiedad	Multiplicación
Para todo número real a , b y c se satisface:		
$a + b = c \in \mathbb{R}$	Clausura	$a \cdot b = c \in \mathbb{R}$
$a + b = b + a$	Conmutativa	$a \cdot b = b \cdot a$
$a + (b + c) = (a + b) + c$	Asociativa	$a \cdot (b \cdot c) = (a \cdot b) \cdot c$
$a + 0 = a$	Identidad o Neutro	$a \cdot 1 = a$
$a + (-a) = 0$	Inverso	$a \cdot \left(\frac{1}{a}\right) = 1$ con $a \neq 0$
Distributiva de la multiplicación con respecto a la suma		
$a \cdot (b + c) = (a \cdot b) + (a \cdot c)$		

	Suma	Multiplicación
Conmutativa	$a + b = b + a$ Ejemplo $3 + 5 = 5 + 3$	$a \cdot b = b \cdot a$ <i>El orden de los factores no altera el producto</i>
Asociativa	$a + (b + c) = (a + b) + c$ <i>Si al primer número le agregamos la suma de los dos últimos se obtiene el mismo resultado que sumar los dos primeros y luego adicionarle el último.</i>	$(ab)c = a(bc)$ Ejemplo $(27 \cdot 5) \cdot 2 = 27 \cdot (5 \cdot 2)$ <i>El lado derecho es más fácil de calcular</i>
Elemento neutro	<p>0 es el elemento neutro de la suma, pues $a + 0 = a$</p> <p><i>Si a, un número real, se le suma el elemento neutro de la suma, el número no se altera</i></p>	<p>1 es el elemento neutro de la multiplicación, pues $a \cdot 1 = a$</p>
Existencia del inverso	<p>El inverso aditivo u opuesto de a es denotado por $-a$</p> $a + (-a) = 0$ Ejemplo El opuesto de -3 es 3 pues $-3 + 3 = 0$	<p>El inverso multiplicativo o recíproco de $a (\neq 0)$ es denotado por a^{-1}, también por $\frac{1}{a}$</p> $a \cdot a^{-1} = 1$ El 0 no tiene inverso
Distributiva	$a(b + c) = ab + ac$ Ejemplo Calcular $5(2000 + 80)$ usando la propiedad distributiva. Solución $5(2000 + 80) = 5 \cdot 2000 + 5 \cdot 80 = 10.000 + 400 = 10.400$ Ejemplo Calcular $13 \cdot 25 + 13 \cdot 15$ usando la propiedad distributiva (Factor común 13) Solución Se tiene el lado derecha, se lleva a la forma izquierda. Se dice que se saca 13 de factor común $13 \cdot 25 + 13 \cdot 15 = 13(25 + 15) = 13 \cdot 40 = 520$	

Existen dos operaciones internas suma (+) y producto (\cdot) que cumplen con la propiedad de clausura en \mathbb{R} . Y se verifican los siguientes axiomas:

Respecto a la suma:

1. Conmutativa: $a + b = b + a \quad \forall a, b \in \mathbb{R}$
2. Asociativa: $(a + b) + c = a + (b + c), \quad \forall a, b, c \in \mathbb{R}$
3. Neutro: $\exists 0 \in \mathbb{R}$, tal que $a + 0 = a, \quad \forall a \in \mathbb{R}$
4. Opuesto: Dado $a \in \mathbb{R}, \exists -a \in \mathbb{R}$ tal que $a + (-a) = 0$

Respecto a la multiplicación:

5. Conmutativa: $a \cdot b = b \cdot a, \quad \forall a, b \in \mathbb{R}$
6. Asociativa: $(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c), \quad \forall a, b, c \in \mathbb{R}$
7. Neutro: $\exists 1 \in \mathbb{R}$, tal que $a \cdot 1 = a, \quad \forall a \in \mathbb{R}$
8. Existencia de inverso: dado $a \in \mathbb{R}$, con $a \neq 0$,
 $\exists a^{-1} \in \mathbb{R}$ tal que $a \cdot a^{-1} = 1$.
9. Propiedad distributiva: $a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c, \quad \forall a, b, c \in \mathbb{R}$

PROPIEDADES DEL 0 EN MULTIPLICACIONES

1) $a \cdot 0 = 0$

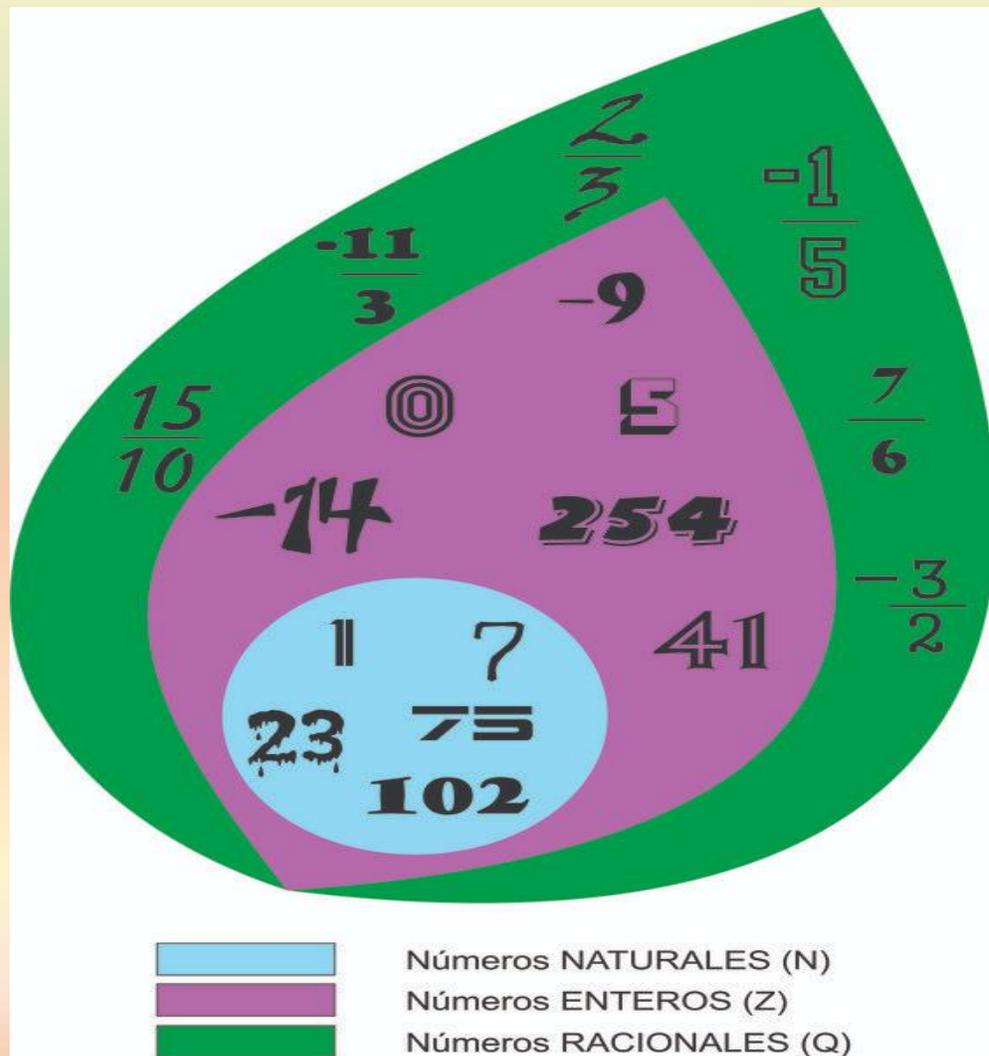
2) Si $ab = 0$ entonces $a = 0$ o bien $b = 0$

PROPIEDADES DE LA IGUALDAD

Si $a = b$, se tiene que para cualquier número real c

1) $a + c = b + c$

2) $ac = bc$



Números Irracionales

$\sqrt{2} = 1.414213562373095048801698412414$
 $\sqrt{3} = 1.73205080756887729352744634150587236694280525381$
 $e = 2.7182818284590452353602874713526624977572470963895217$
 $\pi = 3.141592653589793238462643383279502884197169399375105820974944592307816406286209$