

# INSTITUCION TECNICA EMPRESARIAL MIGUEL DE CERVANTES SAAVEDRA JORNADA MAÑANA, TARDE, NOCTURNA Y SABATINA NIVELES PREESCOLAR, PRIMARIA, BÁSICA Y MEDIA ACADÉMICA



**ÁREA:** MATEMATICAS

**UNIDAD: FUNCIONES REALES** 

TEMA: FORMULAS DE DERIVADAS (PRODUCTO Y COCIENTE)

**PROFESOR**: JOHNSON CABEZAS

ASIGNATURA: CALCULO GRADO: CICLO VI

FECHA: 2 DE NOVIEMBRE DE 2021

**VALOR**: COMPASION

EN ESTA VIDA HACE FALTA GENTE QUE COMPRENDA MAS Y QUE CRITIQUE MENOS

#### 1 LOGROS

- \* Aplicar las fórmulas de derivación de productos y cocientes
- \* Calcula las derivadas de funciones aplicando las fórmulas

# **TEMAS Y SUBTEMAS**

# DERIVADA DE UN PRODUCTO DE FUNCIONES

La derivada de un producto de dos funciones diferentes es igual al producto de la derivada de la primera función por la segunda función sin derivar más el producto de la primera función sin derivar por la derivada de la segunda función.

EJEMPLO: Sea 
$$z(x) = (x^4 + 3)(x + 1)$$
  
 $\rightarrow z'(x) = (4x^3)(x + 1) + (x^4 + 3)(1)$   
 $z'(x) = 4x^4 + 4x^3 + x^4 + 3$   
 $z'(x) = 5x^4 + 4x^3 + 3$ 

#### . הבם

# DERIVADA DE UN COCIENTE DE FUNCIONES

La derivada del cociente de dos funciones es igual a la derivada del numerador por el denominador menos la derivada del denominador por el numerador, divididas por el cuadrado del denominador.

EJEMPLO: Sea 
$$\frac{z(x) = \frac{(2x^2 + 2x)}{(x^2 - 5x + 11)}}{(x^2 - 5x + 11)}$$

# Derivada de un producto

$$z(x) = f(x) \cdot g(x)$$



$$z'(x) = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$$

$$z(x) = \frac{f(x)}{g(x)} \qquad g(x) \neq 0 \qquad x \in I$$

$$z'(x) = \frac{f'(x) \cdot g(x) - g'(x) \cdot f(x)}{[g(x)]^2}$$

$$\mathbf{z}'^{(x)} = \frac{(4x+2)(x^2-5x+11)-(2x-5)(2x^2+2x)}{(x^2-5x+11)^2}$$

$$Z'^{(x)} = \frac{4x^3 - 20x^2 + 44x + 2x^2 - 10x + 22 - 4x^3 - 4x^2 + 10x^2 + 10x}{(x^2 - 5x + 11)^2}$$

$$Z'^{(x)} = \frac{-12x^2 + 44x + 22}{(x^2 - 5x + 11)^2}$$

# **ACTIVIDAD**

REALIZAR 5 EJERCICIOS DE PRODUCTOS Y 5 DE COCIENTES