

PROPÓSITO:

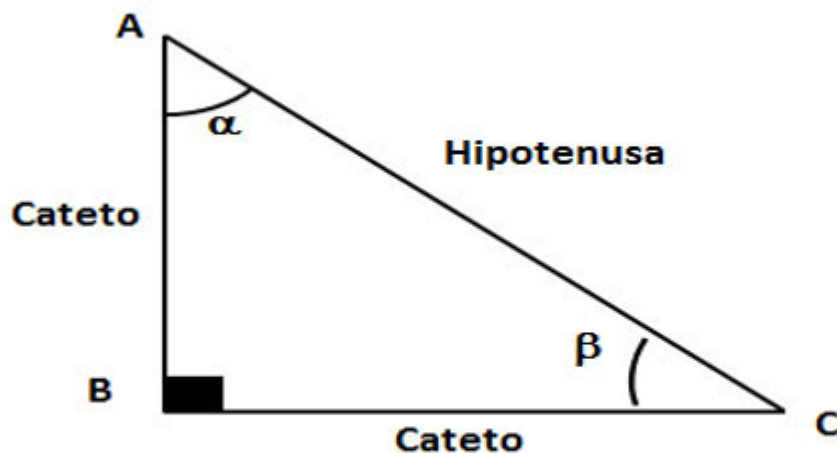
Guía 2. Determinación de las relaciones trigonométricas para ángulos complementarios y de referencia.

MOTIVACIÓN:

Frase: **Quizás aun no llego a mi meta, pero hoy estoy más cerca de lo que estaba ayer.**

EXPLICACIÓN:**Funciones trigonométricas para ángulos complementarios:**

Dos ángulos α y β son complementarios, si y solo si $\alpha + \beta = 90^\circ$. Así α es el complemento de β y β es el complemento de α .



Si α y β son complementarios, se cumple que:

$$\operatorname{sen} \alpha = \operatorname{cos} \beta; \operatorname{sen} \beta = \operatorname{cos} \alpha; \operatorname{tan} \alpha = \operatorname{cot} \beta; \operatorname{tan} \beta = \operatorname{cot} \alpha; \operatorname{sec} \alpha = \operatorname{csc} \beta; \operatorname{sec} \beta = \operatorname{csc} \alpha$$

Por lo tanto, se tiene que:

$$\operatorname{sen}(90^\circ - \theta) = \operatorname{cos} \theta; \quad \operatorname{tan}(90^\circ - \theta) = \operatorname{cot} \theta; \quad \operatorname{sec}(90^\circ - \theta) = \operatorname{csc} \theta$$

Ejemplo:

$$\operatorname{sen} 30^\circ = \operatorname{cos} 60^\circ; \quad \operatorname{tan} 40^\circ = \operatorname{cot} 50^\circ; \quad \operatorname{sec} 20^\circ = \operatorname{csc} 70^\circ$$

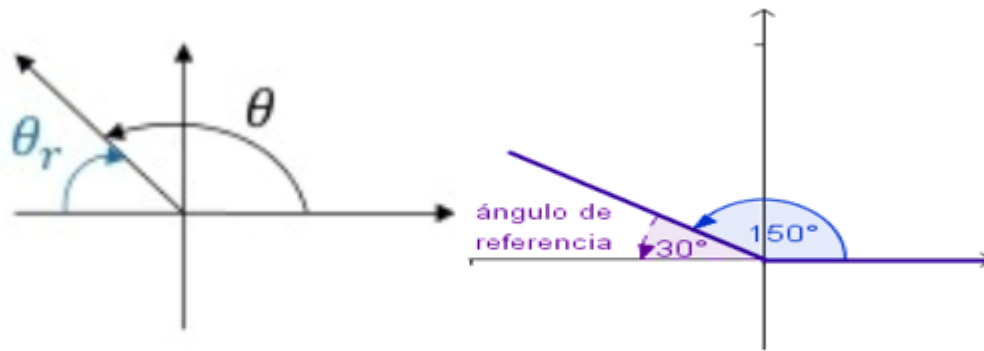
Ángulos de referencia:

Sea θ un ángulo en posición normal, el ángulo de referencia θ_R es aquel ángulo agudo que forma el lado final del ángulo θ con uno de los semiejes del eje x .

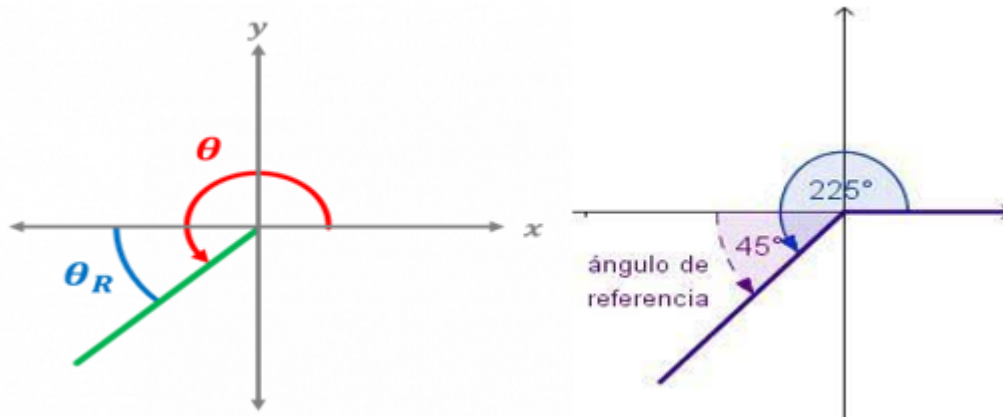
La mitad del ángulo de referencia θ_R depende del cuadrante en el que esté ubicado el lado final del ángulo θ .

Lado final en el II cuadrante: el ángulo de referencia θ_R en grados está dado por:

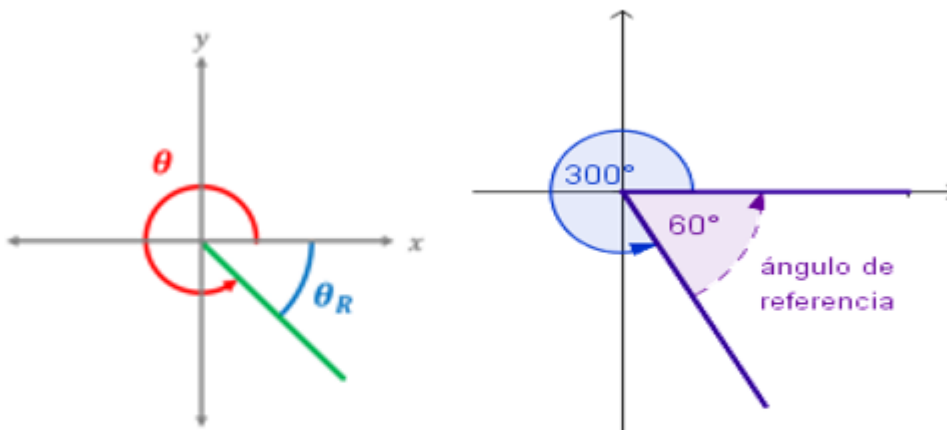
$$\theta_R = 180^\circ - \theta$$



Lado final en el III cuadrante: el ángulo de referencia θ_R en grados está dado por: $\theta_R = \theta - 180^\circ$



Lado final en el IV cuadrante: el ángulo de referencia θ_R en grados está dado por: $\theta_R = 360^\circ - \theta$



Ejemplo:

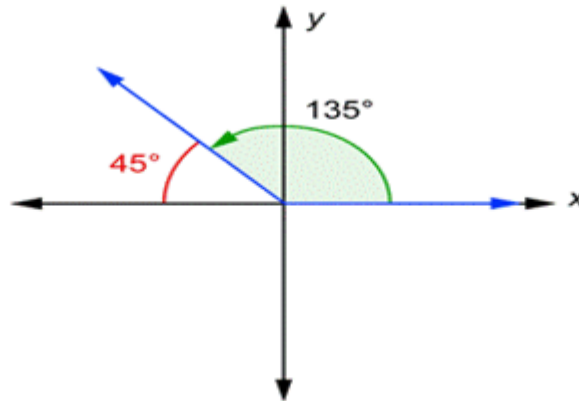
Calcular el valor de $\text{sen}\theta$, $\text{cos}\theta$ y $\text{tan}\theta$ para un ángulo de 135° en posición normal.

Se halla el ángulo de referencia θ_R del ángulo θ . Como es un ángulo del II cuadrante, se tiene que:

$$\theta_R = 180^\circ - \theta = 180^\circ - 135^\circ = 45^\circ$$

Se determinan los valores para $\theta = 135^\circ$, a partir de los $\theta_R = 45^\circ$, teniendo en cuenta el signo de cada función para el II cuadrante.

$$\operatorname{sen}135^\circ = \operatorname{sen}45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}; \quad \cos 135^\circ = \cos 45^\circ = -\frac{\sqrt{2}}{2}; \quad \tan 135^\circ = \tan 45^\circ = -1$$



EJERCICIOS:

Ejercicios:

1. Dibuja el ángulo que corresponde a cada medida. Luego, escribe el ángulo de referencia y calcula el **seno** y **coseno** de cada ángulo.
 - 1.1. 225°
 - 1.2. 150°
 - 1.3. 330°
 - 1.4. 210°
 - 1.5. -30°
 - 1.6. 720°
 - 1.7. 450°
 - 1.8. -870°
 - 1.9. $\frac{4\pi}{3}$
 - 1.10. $-\frac{13\pi}{6}$

EVALUACIÓN:

El estudiante debe presentar puntual, ordenada y bien resuelta la presente guía, reportar su evidencia de asistencia y desarrollar la evaluación correspondiente al tema.

BIBLIOGRAFÍA: